

7. as Olimpíadas Concelhias do Algarve em Matemática



Final do Sotavento

Categoria: A (7°, 8° e 9° ano)

16 de Março de 2011 Duração da Prova: 2 horas

Parte I: Escolha Múltipla

Para cada uma das seguintes 3 questões de escolha múltipla, selecciona a resposta correcta de entre as alternativas que te são apresentadas.

Atenção! Se apresentares mais do que uma resposta a questão será anulada, o mesmo acontecendo em caso de resposta ambígua.

- 1. Seja [ABCD] um rectângulo cujo perímetro é igual a 72 cm e tal que $\overline{AB} = 2\overline{AD}$. O rectângulo [ABCD] é dividido em tiras rectangulares de 3 cm de largura. As tiras são todas iguais e depois de alinhadas formam um grande rectângulo de 3 cm de largura. Qual é o perímetro do rectângulo assim formado?
 - (**A**) 120 cm
- **(B)** 144 *cm*
- **(C)** 198 *cm*
- **(D)** 216 *cm*
- **(E)** 240 *cm*
- **2.** O Manuel decidiu construir uma sequência com as letras do alfabeto:

a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x, y, z,

em que o número de vezes que uma letra se repete é igual ao dobro de vezes que a letra anterior se repete. A sequência começa assim:

abbccccdddddddd...

Qual é a letra que ocupa a 2011ª posição?

- (A) j
- **(B)** k
- (\mathbf{C})
- (**D**) m
- (E) n
- 3. Determina quantos números naturais de quatro algarismos satisfazem as condições:
 - São múltiplos de 6.
 - A soma do primeiro e do último algarismos é igual a 14.
 - **(A)** 18
- **(B)** 33
- **(C)** 36
- **(D)** 66
- **(E)** 72

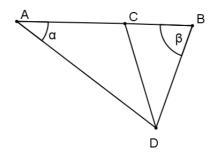
Parte II: Resposta Aberta

Nas questões que se seguem apresenta o teu raciocínio de forma clara, indicando todos os cálculos que tiveres de efectuar e as justificações necessárias.

4. O Sr. Joaquim tem quatro gaiolas com hamsters, uma tem 9 hamsters, outra tem 10, outra tem 13 e a outra tem 16. Quando o Sr. Joaquim toca a sineta sai um hamster de três das quatro gaiolas. Estes 3 hamsters entram na gaiola restante .

Considerando que se mantém esta regra e que nunca ficam gaiolas vazias, conseguirá o Sr. Joaquim ficar com 12 hamsters em cada gaiola?

5. Considera a seguinte figura relativamente à qual sabemos que $\overline{AC} = \overline{BD} = \overline{CD}$ e $\overline{AB} = \overline{AD}$



Determina o valor de α e de β .

6. Numa aquacultura com 3000 litros temos uma concentração de sal de 20g por litro. Pretendese que a concentração de sal seja 30g por litro (semelhante à concentração oceânica). Quantos litros de uma solução com 780g de sal por litro se devem juntar aos 3000 litros iniciais?